

Slide 1

Programmer avec des listes

Slide 2

0. Résumé des épisodes précédents

Slide 3

Enregistrements

Type de données dynamiques = enregistrements + récursivité

un champ récursif : type de listes

plusieurs champs récursifs : type d'arbres

Slide 4

I. Les ensembles finis

Les ensembles finis

Slide 5

```
static boolean mem (final int s, final List b) {  
    if (b == null) return false;  
    if (s == b.hd) return true;  
    return mem(s, b.tl);}
```

Le nombre d'opérations

Slide 6

Rechercher : [linéaire](#) en le nombre d'éléments de l'ensemble

Ajouter : constant

Supprimer : linéaire

Les fonctions de domaine fini

Ensemble fini de couples : liste d'associations

Slide 7

```
class AList {  
  int cle;  
  int val;  
  AList tl;  
  
  AList (int x, int y, AList l) {  
    this.cle = x; this.val = y; this.tl = l;}}
```

Slide 8

```
static int assoc (final int x, final AList l) {  
  if (l == null) return 0;  
  if (x == l.cle) return l.val;  
  return assoc (x, l.tl);}
```

Slide 9

II. Concaténer : modifier ou copier

Slide 10

```
static List append (final List x, final List y) {
    if (x == null) return y;
    List p = x;
    while (p.tl != null) p = p.tl;
    p.tl = y;
    return x;}

a = new List(3,new List(1,null));
b = new List(4,null);
c = append(a,b);
```

Slide 11

```
printList(c);  
printList(a);  
printList(b);
```

Slide 12

```
printList(c);  
printList(a);  
printList(b);  
  
d = append(a,a);  
printList(d);
```

Slide 13

```
static List append (final List x, final List y) {
    if (x == null) return y;
    else {
        List p = x;
        List q = new List(x.hd,null);
        List r = q;
        while (p.tl != null) {
            q.tl = new List (p.tl.hd,null);
            q = q.tl;
            p = p.tl;}
        q.tl = y;
        return r;}}
```

Slide 14

```
a = new List(3,new List(1, null));
b = new List(4,null);
c = append(a,b);
```

Slide 15

```
printList(c);  
printList(a);  
printList(b);
```

Slide 16

```
printList(c);  
printList(a);  
printList(b);  
  
d = append(a,a);  
printList(d);
```

Slide 17

La même récursivement

```
static List append (final List x, final List y) {  
    if (x == null) return y;  
    return new List(x.hd, append(x.tl,y));}
```

Slide 18

La première fonction append

- **modifie** ses arguments,
- **demande** que ses arguments ne partagent pas de cellules
- **n'alloue pas**

La seconde


- **ne modifie pas** ses arguments,
- **permet** à ses arguments de partager des cellules
- **alloue**

Les réactions chimiques et les fonctions mathématiques

En mathématiques : $f = y \mapsto y + 1, g = y \mapsto 2 y$

$x = 32, f(x), g(x)$

Slide 19


x est une  de 32 (en particulier $h(x, x)$)

Les réactions chimiques et les fonctions mathématiques

En mathématiques : $f = y \mapsto y + 1, g = y \mapsto 2 y$

$x = 32, f(x), g(x)$

Slide 20

x est une  de 32 (en particulier $h(x, x)$)

En chimie : $O_2 + 2 H_2 \longrightarrow 2 H_2O$

Les molécules d'oxygène et d'hydrogène sont **consommés**

pas de cornes d'abondance

une molécule d'hydrogène ne peut pas réagir avec elle-même

Quand utiliser quelle fonction ?

Modifier : impératif sur de grosses données

E.g. on ajoute un nom à l'annuaire : on veut modifier l'annuaire

Slide 21

Copier : à chaque fois que l'on peut

les données ne disparaissent pas

pas besoin de se soucier du partage

simple à programmer

Slide 22

III. Inverser une liste : un argument de plus

Inverser une liste

Slide 23

1 2 3 4 5 → 5 4 3 2 1

Inverser une liste

Slide 24

1 2 3 4 5 → 5 4 3 2 1

Slide 25

```
static List add (final List x, final int y) {
    if (x == null) return new List(y,null);
    return new List(x.hd, add(x.tl,y));}

static List reverse (final List x) {
    if (x == null) return null;
    return add(reverse(x.tl), x.hd);}
```

Slide 26

```
static List add (final List x, final int y) {
    if (x == null) return new List(y,null);
    return new List(x.hd, add(x.tl,y));}
```

Nombre d'opérations proportionnel à la longueur de x

```
static List reverse (final List x) {  
    if (x == null) return null;  
    return add(reverse(x.tl), x.hd);}
```

Slide 27

Nombre d'opérations proportionnel à $1 + 2 + \dots + n$

Équivalent à n^2 à une constante près

Fonction `reverse` en n^2

Complexité en temps d'un programme

Fonction $f(n)$: nombre d'opérations effectuées par un programme quand on l'exécute sur une entrée de taille n

- ne dépend que de n (`reverse`)
- en moyenne (sur toutes les données de taille n)
- dans le pire des cas (sur toutes les données de taille n)

Slide 28

Complexité en temps d'un programme

Fonction $f(n)$: nombre d'opérations effectuées par un programme quand on l'exécute sur une entrée de taille n

- ne dépend que de n (*reverse*)
- en moyenne (sur toutes les données de taille n)
- dans le pire des cas (sur toutes les données de taille n)

$$\text{Si } f(n) = 3n^2 + 18n + 5$$

Slide 29

Complexité en temps d'un programme

Fonction $f(n)$: nombre d'opérations effectuées par un programme quand on l'exécute sur une entrée de taille n

- ne dépend que de n (*reverse*)
- en moyenne (sur toutes les données de taille n)
- dans le pire des cas (sur toutes les données de taille n)

$$\text{Si } f(n) = 3n^2 + 18n + 5$$

Slide 30

Complexité en temps d'un programme

Fonction $f(n)$: nombre d'opérations effectuées par un programme quand on l'exécute sur une entrée de taille n

- ne dépend que de n (*reverse*)
- en moyenne (sur toutes les données de taille n)
- dans le pire des cas (sur toutes les données de taille n)

$$\text{Si } f(n) = 3n^2 + 18n + 5$$

Une fonction g équivalente à f à une constante près

$\lim f/g$ finie non nulle

Slide 31

Peut-on inverser une liste en temps linéaire ?

Slide 32

Au début ...



Slide 33

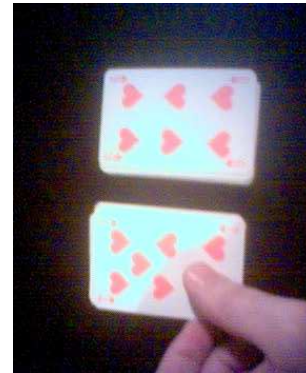
Et après un temps linéaire ...



Slide 34



Slide 35



Slide 36



Slide 37



Slide 38

Slide 39

```
static List revappend (final List x,  
                       final List y) {  
    if (x == null) return y;  
    return revappend(x.tl, new List(x.hd,y));}  
  
static List reverse (final List x) {  
    return revappend(x,null);}
```

Slide 40

IV. Les piles et les files

Des structures différentes

Des opérations différentes sur le même ensemble

Les listes :

- fabriquer la liste vide (`null`)
- tester si une liste est vide (`l == null`)
- fabriquer une liste non vide (`new List`)
- accéder à la tête d'une liste (`l.hd`)
- accéder à la queue d'une liste (`l.tl`)
- modifier la tête d'une liste (`l.hd = t`)
- modifier la queue d'une liste (`l.tl = t`)

Slide 41

Les piles

Des opérations différentes sur le même ensemble

Les piles :

- fabriquer la pile vide
- tester si une pile est vide
- ajouter un premier élément à une pile
- accéder au premier élément d'une pile
- retirer le premier élément d'une pile

Slide 42

Slide 43



Ajouter un élément modifie la pile

```
l2 = new List(3,l1) ; ne modifie pas la liste l1
```

```
push(3,p) ; modifie la pile p
```

```
p ne peut pas être de type List
```

Le type des piles : le type **enveloppé** des listes

```
class Pile {  
    List c;  
  
    Pile(List a) {this.c = a;}}
```

Slide 44

Slide 45

```
static Pile empty () {  
    return new Pile (null);}  
  
static void push (final int a, final Pile l) {  
    l.c = new List(a,l.c);}
```

Un exemple d'utilisation des piles

Évaluer une expression post-fixée (notation polonaise)

2 4 5 + 3 * +

Slide 46

Un exemple d'utilisation des piles

Évaluer une expression post-fixée (notation polonaise)

2 4 5 + 3 * +

Slide 47

On lit les éléments un par un

- un nombre : on le met au sommet de la pile
- un + : on poppe deux éléments et on met leur somme au sommet de la pile
- un * : on poppe deux éléments et on met leur produit au sommet de la pile

Un exemple d'utilisation des piles

2

2

Slide 48

Un exemple d'utilisation des piles

2 4

2

2 4

Slide 49

Un exemple d'utilisation des piles

2 4 5

2

2 4

2 4 5

Slide 50

Un exemple d'utilisation des piles

2 4 5 +

2

2 4

2 4 5

2 9

Slide 51

Un exemple d'utilisation des piles

2 4 5 + 3

2

2 4

2 4 5

2 9

2 9 3

Slide 52

Un exemple d'utilisation des piles

2 4 5 + 3 *

2

2 4

2 4 5

2 9

2 9 3

2 27

Slide 53

Un exemple d'utilisation des piles

2 4 5 + 3 * +

2

2 4

2 4 5

2 9

2 9 3

2 27

29

Slide 54

Les files

Des opérations différentes sur le même ensemble

Les files :

- fabriquer la file vide
- tester si une file est vide
- ajouter un **dernier** élément à une file
- accéder au premier élément d'une file
- retirer le premier élément d'une file

Slide 55



Slide 56

premier arrivé premier servi

Les files

Type des file : type enveloppé des listes

Slide 57

Ajouter un élément à la fin de la liste prend un temps **linéaire** (et non constant) en la longueur de la liste

Les files de priorité

Chaque élément a un niveau de priorité

Slide 58

On accède à un élément de priorité maximale, et on le supprime (Urgences)

Les files de priorité

Slide 59

Liste : accès et suppression **linéaires**

Liste ordonnée par priorité décroissante : ajout **linéaire**

Slide 60

V. Le GC

Slide 61

```
e = [x = r1, y = r4]
m = [r1 = r2, r2 = {hd = 1, tl = r3},
r3 = {hd = 2, tl = null}, r4 = r5,
r5 = {hd = 3, tl = r6}, r6 = {hd = 4, tl =
null}]
y = null ;
r5 peut être recyclée
puis r6
```

Slide 62

Nouvelle mémoire m'
Différence entre m et m' non observable
Pour tout p , $\Sigma(p, e, m, G, C) = \Sigma(p, e, m', G, C)$
Mais devient observable si **Ref** est remplacé par un ensemble fini : on épuise la mémoire

Deux générations de langages

C : on gère la mémoire à la main

on met `r5` et `r6` dans une liste

prochaine fois qu'on a besoin d'une cellule : on utilise `r6` au lieu d'allouer

Java, Caml : le GC (*Garbage collector*, Glaneur de cellules)

Recyclage automatique

Slide 63

Le marquage

On marque en partant des **références déclarées**

On ramasse tout ce qui n'est pas marqué

Slide 64

Slide 65

Exercices 6.10 et 6.16

Slide 66

La prochaine fois : les objets